

Informatique en CPGE (2018-2019)

Les bibliothèques Numpy, Matplotlib, Scipy

1 Calculs avec des tableaux

Si nous souhaitons établir un tableau de valeurs pour une fonction f , nous pouvons utiliser des objets de type **list**.

Par exemple :

```
def f(x) :
    return x**2-3
n=11    # nombre de points en abscisse
dx=2/(n-1)  # espace entre les points sur [0;2]
xliste=[i*dx for i in range(n)]
yliste=[f(x) for x in xliste]
```

Mais dans le cas, comme ici, où les éléments de chaque liste sont du même type et où la longueur de chaque liste est connue, il existe dans la bibliothèque **Numpy** un type plus approprié et avec lequel les calculs seront simplifiés :

```
import numpy as np
a=np.array(xliste)  # a est du type numpy.ndarray
```

La fonction **np.array** transforme une liste en tableau.

Note : pour la suite nous utiliserons le mot "liste" pour un objet de type "list" et le mot "tableau" pour un objet de type "ndarray".

Pour créer un tableau de longueur n rempli de zéros, nous écrivons :

```
a=np.zeros(n)
```

Les éléments de a sont du type **float**; nous pouvons spécifier le type, par exemple **int** :

```
a=np.zeros(n, int)
```

Nous pouvons générer un tableau de la même longueur que a où les éléments sont du même type que ceux de a :

```
b=np.zeros_like(a)
```

Pour établir un tableau de valeurs d'une fonction, nous avons souvent besoin de générer un tableau de n nombres uniformément répartis sur un intervalle $[p ; q]$:

```
x=np.linspace(p, q, n)
```

Les éléments d'un tableau peuvent être extraits comme pour les listes, mais attention, si un élément de l'extrait est modifié, l'élément de l'original l'est aussi :

```
x=np.linspace(0, 2, 11)
# x=[ 0.    0.2   0.4   0.6   0.8   1.    1.2   1.4   1.6   1.8   2. ]
z=x[2:9:2]
# z=[ 0.4   0.8   1.2   1.6]
z[1]=5
# z=[ 0.4   5.    1.2   1.6]
# x=[ 0.    0.2   0.4   0.6   5.    1.    1.2   1.4   1.6   1.8   2. ]
```

Tout l'intérêt pour établir un tableau de valeur de la fonction f vue au début se voit ici :

```
x=np.linspace(0, 2, 11)
y=f(x)
```

Il n'y a plus besoin d'utiliser des boucles `for`, la fonction f s'applique directement.

Attention : les fonctions du module **math** ne peuvent pas s'appliquer sur les tableaux. Nous devons utiliser les versions de ces fonctions existant dans Numpy.

```
x=np.linspace(0, 2, 11)
y=np.cos(x)*np.exp(-x**2/2)
```

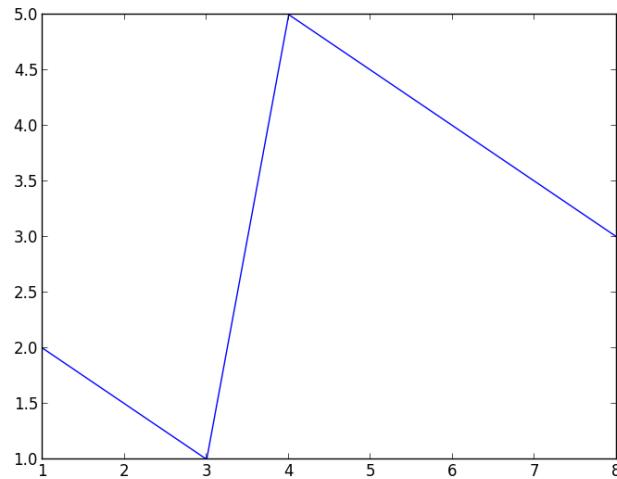
2 Tracé de courbes

Nous allons utiliser la bibliothèque **Numpy** et le module **Pyplot** de la bibliothèque **Matplotlib**. Le code usuel pour commencer est :

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
```

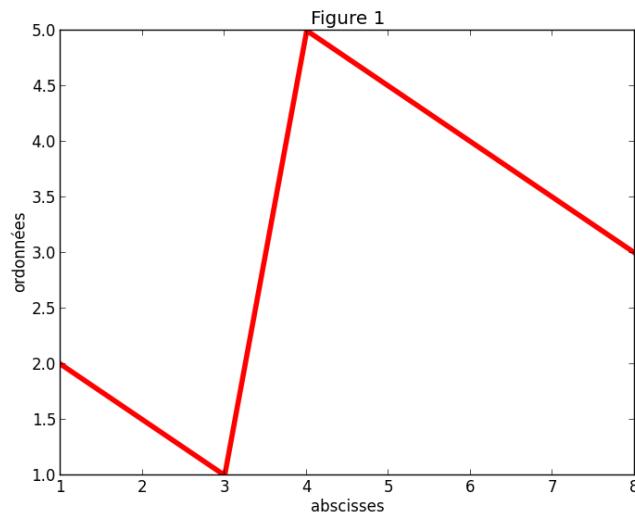
Le principe : on crée une liste d'abscisses et une liste d'ordonnées ; les points sont alors placés et reliés par des segments. Le code est le suivant :

```
x=[1,3,4,8]
y=[2,1,5,3]
plt.plot(x,y)
plt.savefig('figure') #pour sauvegarder la figure
plt.show()
```



On change la couleur et l'épaisseur du trait, on ajoute un titre et des étiquettes :

```
plt.plot(x,y,color='red',linewidth=6)
plt.title('Figure 1')
plt.xlabel('abscisses')
plt.ylabel('ordonnées')
```

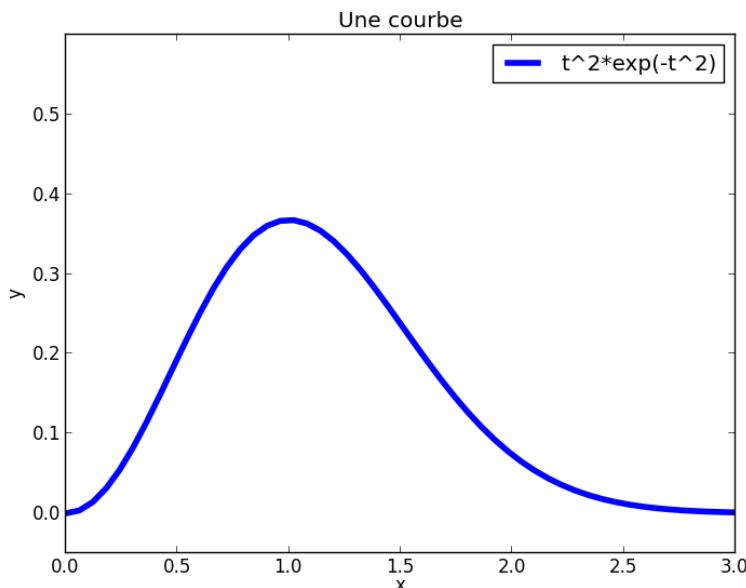


On utilise Numpy pour les fonctions :

```
def f(x):
    return x**2*np.exp(-x**2)

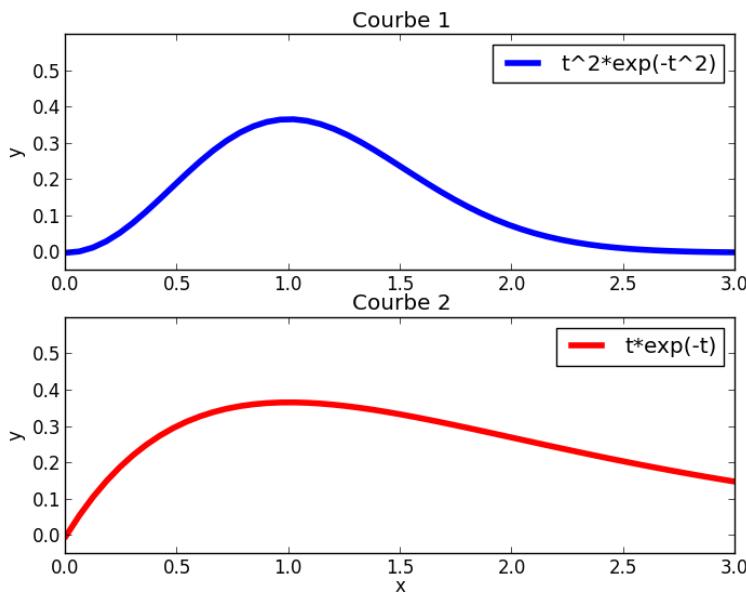
x=np.linspace(0,3,51)
y=f(x)
```

```
plt.plot(x,y,linewidth=4)
plt.title('Une courbe')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.legend(['t^2*exp(-t^2)'])
plt.axis([0,3,-0.05,0.6])
plt.show()
```



Deux courbes sur la même figure avec la commande **subplot(l,c,n)** où l est le nombre de lignes, c le nombre de colonnes et n un compteur :

```
def f(x):
    return x**2*np.exp(-x**2)
def g(x):
    return x*np.exp(-x)
x=np.linspace(0,3,51)
plt.subplot(2,1,1)
y=f(x)
plt.plot(x,y,linewidth=4)
plt.title('Courbe 1')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.legend(['t^2*exp(-t^2)'])
plt.axis([0,3,-0.05,0.6])
plt.subplot(2,1,2)
y=g(x)
plt.plot(x,y,linewidth=4)
plt.title('Courbe 2')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('y')
plt.legend(['t*exp(-t)'])
plt.axis([0,3,-0.05,0.6])
plt.show()
```



3 Algèbre linéaire

Les bibliothèques Numpy et Scipy contiennent un module **linalg** utile en algèbre linéaire.
Exemples avec Numpy :

```
import numpy as np

M=[[2,2,-3],[-2,-1,-3],[6,4,4]]
C=[[2],[-5],[16]]

#resolution de MX=C
X=np.linalg.solve(M,C)

# valeurs propres de M
vp=np.linalg.eigvals(M)

N=[[1,0,0],[0,3,2],[0,0,5]]

# valeurs propres et vecteurs propres de N
valp,vecp=np.linalg.eig(N)

# determinant de N
d=np.linalg.det(N)

# inverse de N
invN=np.linalg.inv(N)
```

4 Calcul d'intégrales

```
import numpy as np
import scipy.integrate as integ

def f(x):
    return x**2
lx=[i/10 for i in range(11)]
ly=[f(x) for x in lx]
# méthode des trapèzes
s1=0
for i in range(10):
    s1+=(lx[i+1]-lx[i])*(ly[i]+ly[i+1])/2

# avec scipy.integrate
s2=integ.trapz(ly,lx) #attention à l'ordre (ly,lx)

#calcul de l'intégrale de f entre 0 et 1
s3=integ.quad(f,0,1)
```

5 Equation $f(x)=0$

Dichotomie et méthode de Newton avec `scipy.optimize` :

```
import scipy.optimize

def f(x):
    return x**2-2

a=1
b=2

x=scipy.optimize.bisect(f,a,b)
print("sol=",x)

x=scipy.optimize.newton(f,a)
print("sol=",x)
```

Les fonctions `root` et `fsolve` pour trouver des valeurs approchées des zéros d'une fonction :

```
import scipy.optimize
def f(x):
    return x**2-2

a=1

x=scipy.optimize.fsolve(f,a)
print("sol=",x)

x=scipy.optimize.root(f,a)
print("sol=",x)
```

6 Equations différentielles ordinaires

Pour une équation du type $x'(t) = f(x(t), t)$, on utilise la fonction **odeint** de `scipy.integrate`.

```
from math import sin, pi
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy.integrate as integ

def f(x,t):
    return 2*(cos(t*x))*x*(1-x/2)
t=np.linspace(0,15,num=300)
sol=integ.odeint(f,4,t)

plt.grid()
plt.plot(t,sol)
plt.show()
```

Le pendule pesant amorti :

```
def f(u,t):
    return [u[1],10*sin(u[0])-u[1]/4]

t=np.linspace(0,10,num=200)
sol=integ.odeint(f,[pi/2,0],t)

plt.subplot(2,1,1)
plt.grid()
plt.plot(t,sol[:,0]) # angle fonction de t
plt.subplot(2,1,2)
plt.grid()
plt.plot(sol[:,0],sol[:,1]) #diagramme de phase
plt.show()
```

Pour plus d'informations, consulter les documentations officielles :

<http://matplotlib.org/contents.html>

<http://docs.scipy.org/doc/>